

**Exercice n°5 10 points** *Manque de repère*

Avec  $A(3; 2)$  et  $B(7; 5)$ , on vérifie que  $\vec{AB}(4; 3)$  et que  $AB = 5$  cm. Le cercle de centre  $A$  et de rayon 4 cm coupe le cercle de diamètre  $[AB]$  en deux points  $E$  et  $E'$ . Alors il y a deux solutions, correspondant à des repères de sens contraires :

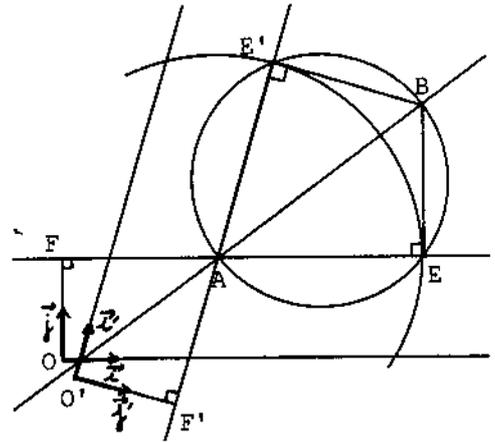
A partir de  $E$ , avec  $\vec{AE}(4; 0)$ , on construit  $F$  tel que  $\vec{FA}(3; 0)$  :  $F, A, E$  alignés dans cet ordre, et  $AF = 3$  cm. Puis on construit le point  $O$  sur la perpendiculaire en  $F$  à  $(EF)$ , tel que  $OF = 2$  cm :

alors  $\vec{OF}(0; 2)$  et  $\vec{i} = \frac{1}{4} \vec{AE}$  et  $\vec{j} = \frac{1}{3} \vec{EB}$  complètent le repère orthonormal  $(O, \vec{i}, \vec{j})$  cherché, l'unité mesurant 1 cm.

On fait la même construction à partir de  $E'$ .

On observe que  $E, E'$  puis  $F, F'$  puis  $O$  et  $O'$  sont symétriques par rapport à  $(AB)$ .

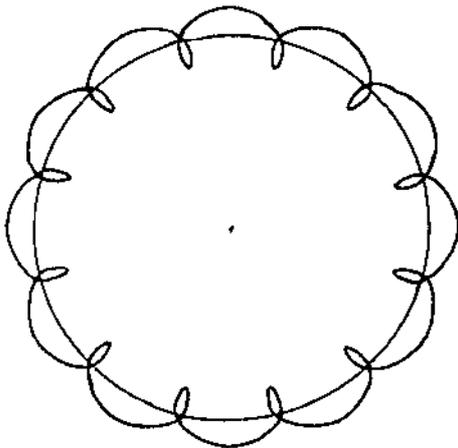
Si  $(O, \vec{i}, \vec{j})$  est direct, alors  $(O', \vec{i}', \vec{j}')$  est rétrograde.



**Exercice n°6 5 points** *Code Enigma*

DIXIEME ANNIVERSAIRE

**Exercice n°7 10 points** *Tout est relatif*



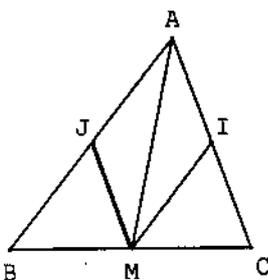
**Exercice n°8 5 points** *Rétrospective*

Entre la date de la première épreuve de Mathématiques Sans Frontières et le 11 mars 1999, le nombre de jours écoulés est :  $34768 - 31478 = 3290$ .

Entre le 11 mars 1990 et le 11 mars 1999, il y a eu deux années bissextiles, 1992 et 1996, il s'est donc écoulé  $9 \times 365 + 2 = 3287$  jours. On en déduit que la première épreuve de Mathématiques Sans Frontières a eu lieu le 8 mars 1990.

Et comme 3290 est divisible par 7, c'était, comme en 1999, un jeudi : **le jeudi 8 mars 1990.**

**Exercice n°9 10 points** *Couper Coller*



Soit  $M$  le milieu de  $[BC]$ ,  $J$  celui de  $[AB]$  et  $I$  celui de  $[AC]$ .

On découpe le triangle  $ABM$  suivant la médiane  $\{MJ\}$ .

Justification :

D'après le théorème des milieux dans  $ABC$ ,  $\vec{JI} = \frac{1}{2} \vec{BC} = \vec{BM} = \vec{MC}$ .

La translation de vecteur  $\vec{BM}$  transforme  $B$  en  $M$ ,  $M$  en  $C$  et  $J$  en  $I$ , donc le triangle  $BMJ$  en le triangle  $MCI$ . Ces deux triangles sont superposables.

D'après le théorème des milieux dans  $ABC$ ,  $\vec{JM} = \frac{1}{2} \vec{AC} = \vec{AI}$  donc  $MIAJ$  est un parallélogramme, et  $AI = MJ$  et  $JA = MI$ . Donc les triangles  $AJM$  et  $AIM$  sont superposables (par retournement).